

## Exercícios suplementares

1 – Numa quinta de criação de animais pretende-se determinar a quantidade diária de milho, trigo e alfafa que devem compor a ração de cada animal de modo a serem satisfeitas certas exigências nutricionais. Na tabela seguinte são indicadas:

- as quantidades de nutrientes presentes em cada quilograma de milho, trigo e alfafa
- o custo, em unidades monetárias (u.m.), de um quilograma de milho, trigo e alfafa

| Nutrientes:         | kg de milho | kg de trigo | kg de alfafa |
|---------------------|-------------|-------------|--------------|
| Hidratos de carbono | 90          | 20          | 40           |
| Proteínas           | 30          | 80          | 60           |
| Vitaminas           | 10          | 20          | 60           |
| Custo por kg (u.m.) | 42          | 36          | 30           |

As quantidades diárias que cada animal necessita de hidratos de carbono, proteínas e vitaminas são pelo menos de 200, 180 e 150, respectivamente.

Sabendo que se pretende minimizar os custos da alimentação de cada animal, formule este problema como um modelo de Programação Linear.

2 – Considere a região admissível (S) de um problema de Programação Linear definida pelas seguintes restrições:

$$\begin{aligned}x + y &\geq 2 \\2x + 2y &\leq 14 \\(S) \quad -x + y &\leq 2 \\3x - 2y &\leq 6 \\x, Y &\geq 0\end{aligned}$$

Resolva graficamente os seguintes problemas:

- Max  $Z = x + y$   
s.a  $(x,y) \in S$
- Min  $F = -x - 2y$   
s.a  $(x,y) \in S$
- Min  $G = x + 2y$   
s.a  $(x,y) \in S$
- Max  $W = -x + y$   
s.a  $(x,y) \in S$
- Min  $H = x$   
s.a  $(x,y) \in S$

3 – Considere a região admissível (T) de um problema de Programação Linear definida pelas seguintes restrições:

$$(T) \quad \begin{aligned} x + y &\geq 7 \\ -2x + 2y &\leq 6 \\ x, y &\geq 0 \end{aligned}$$

Resolva graficamente os seguintes problemas:

- a) Min  $Z = x + 2y$   
s.a  $(x,y) \in T$
- b) Max  $W = 3x + y$   
s.a  $(x,y) \in T$
- c) Max  $G = -x + y$   
s.a  $(x,y) \in T$

4 – Recorrendo ao Algoritmo Simplex Revisto e considerando a base inicial (x,z), resolva o seguinte problema de Programação Linear:

$$\begin{aligned} \text{Min } G &= 3x + 2y + 4z \\ \text{s.a} \quad &x - y + 2z \geq 5 \\ &x + 2y + z \geq 5 \\ &x, y, z \geq 0 \end{aligned}$$

5 – Considere o seguinte problema de Programação Linear:

$$\begin{aligned} \text{Max } F &= 3x + Y \\ \text{s.a} \quad &x \geq 1 \\ &y \geq 2 \\ &x + y \leq 5 \\ &x, y \geq 0 \end{aligned}$$

- a) Sabendo que as variáveis básicas óptimas são x, y e  $f_1$ , construa o quadro óptimo do Simplex.
- b) Admita que o coeficiente da variável y na função objectivo passou a ter o valor  $\beta$  ( $\beta \in \mathbb{R}$ ). Determine:
  - i) Para que valores de  $\beta$  se mantém óptima e única a solução determinada em a).
  - ii) Para que valores de  $\beta$  é óptima a solução determinada em a) mas existem bases óptimas alternativas? Determine a solução óptima do problema nesta situação.

- c) Admita que ao problema inicial é adicionada uma nova variável não negativa  $w$  com coeficiente  $(-2)$  na função objectivo e coeficientes  $1, 2$  e  $1$  na primeira, segunda e terceira restrições respectivamente. Indique, justificando, se a solução determinada em a) permanece ótima.
- d) A introdução da restrição adicional  $2x + y \geq 6$  altera a solução ótima determinada em a)? E altera a região admissível?